Quand le mélange chaotique se heurte à un mur...

CEA Saclay (SPEC) : Emmanuelle Gouillart, Olivier Dauchot, Bérengère Dubrulle, François Daviaud LMT Cachan : Stéphane Roux

Imperial College London : Jean-Luc Thiffeault

A quelle vitesse se fait l'homogénéisation dans un mélangeur chaotique?

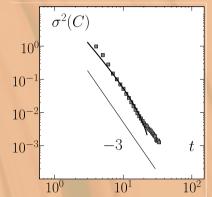
Une expérience de mélange aux résultats inattendus

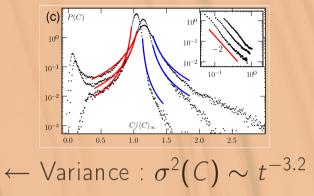
Une tige se déplace sur un $^{\shortparallel}\infty^{\shortparallel}$



⇒ étirement chaotique

... mais l'homogénéisation du champ de concentration (mesuré) est plus lente que prévu (algébrique \neq exponentiel, pas de strange eigenmode)





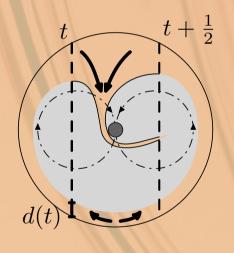
Contradiction avec théories et résultats précédents ($\sigma^2 \neq e^{-\alpha t}$)!

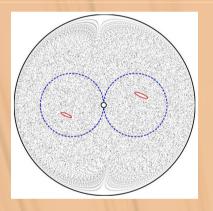
Explication : les bords ralentissent le mélange dans tout le domaine

Bords immobiles ⇒ stockent longtemps du fluide non mélangé qui est lentement réinjecté dans la région de mélange (par l'"entonnoir" en haut).

Non glissement :

Non glisseme $d(t) \sim 1/t$.





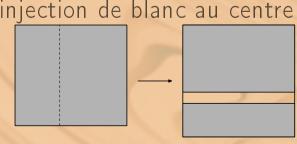
La région chaotique s'étend jusqu'au bord (simulation numérique).

Même scalings algébriques ($\sigma^2 + PDF$)

De "larges" ($\sim 1/t^2$) bandes de fluide non mélangé sont périodiquement injectées entre les filaments de colorant étirés exponentiellement.

Modèle $1\mathsf{D}$: map du Boulanger + injection de blanc adéquate

Etirement + repliement + injection de blanc au centre



 $P(C) = \begin{pmatrix} 10^{0} & 10^{0} & 10^{-1} & 10^{-2} \\ 10^{0} & 10^{-1} & 10^{-2} & 10^{-2} \\ 10^{-1} & 10^{-2} & 10^{-2} & 10^{-2} & 10^{-2} \\ 10^{-2} & C/\langle C \rangle_{\infty} & \\ 10^{-3} & 0.0 & 0.5 & 1.0 & 1.5 & 2.0 & 2.5 & 3.0 \\ \end{pmatrix}$

La présence des bords ralentit le mélange chaotique et détermine l'évolution de l'homogénéisation.

cond-mat/0612557